

10. Übungsblatt zur Vorlesung Hamiltonsche Dynamische Systeme

26. Berechnen Sie den Winkel, in welchem die beiden Äste der kritischen Werte der Energie-Impulsabbildung des sphärischen Pendels in $(h, \mu) = (-1, 0)$ zusammentreffen.

27. Klassifizieren Sie die linearen Hamiltonschen Systeme im \mathbb{R}^4 (mit kanonischer Poissonstruktur)

28. Um den Einfluß eines magnetischen Monopols im Ursprung auf die Bewegung eines (elektrisch) geladenen Teilchens im $\mathbb{R}^3 \setminus \{0\}$ zu modellieren, ändert man die kanonische Poissonstruktur mittels $\{y_i, y_j\} = \varepsilon_{ijk} \frac{ax_k}{|x|^3}$ ab, wo $\varepsilon_{ijk} := \text{sgn} \binom{123}{ijk}$ das alternierende Levi-Civita-Symbol bezeichne. Werden außerdem die Zwangsbedingungen $x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 = 1$ und $x_1y_1 + x_2y_2 + x_3y_3 = 0$ erfüllt, so spricht man vom magnetischen sphärischen Pendel.

1. Bestimmen Sie die zugehörige Poissonstruktur.
2. Reduzieren Sie die axiale S^1 -Symmetrie des magnetischen sphärischen Pendels.
3. Geben Sie die verschiedenen Phasenportraits des reduzierten magnetischen sphärischen Pendels und bestimmen Sie die kritischen Werte der Energie-Impuls-Abbildung.